

# ISTRAŽIVANJE MEHANIZAMA VISOKOTEMPERATURSKOG SUPERPROVOĐENJA

J. P. Šetrajčić, D. Lj. Mirjanić

**KLJUČNE REČI:** superprovodljivost, visokotemperaturni superprovodnici, superprovodna keramika, oksidna keramika, mehanizam superprovodenja, fononski spektar, fononi

**SAŽETAK:** U cilju razjašnjavanja mehanizama provodenja kod superprovodnih keramika, analiziran je fononski spektar kod struktura sa narušenom translacionom simetrijom. Formirani model deformisane strukture pokazuje da, u dva slučaja, u kristalima ne egzistiraju akustične fononske grane. Ispitana je zavisnost praga energije optičkih fonona od stehiometriskog odnosa spaterovanih atoma. Uočeno je dobro slaganje ovih rezultata sa kritičnom temperaturom iz eksperimentalnih podataka za iste tipove visokotemperaturskih oksidnih keramika.

## MECHANISM RESEARCH OF HIGH TEMPERATURE SUPERCONDUCTIVITY

**KEY WORDS:** superconductivity, high temperature superconductors, superconducting ceramics, oxide ceramics, mechanism of superconductivity, phonon spectrum, phonons

**ABSTRACT:** In order to consider the mechanisms of conductivity of superconduct ceramics, we analysed specter of phonons in structure with broken translational symmetry. The formed model of deformed structure show, that acoustical phonons branches not exists in crystal, in two cases. The dependence of energy gap of optical phonons upon stochiometric relation of sputtering atoms was examined as well. The well agreement between this results and critical temperature from experimental data for the same types of high temperature oxid ceramics was espied.

### UVOD

Otkriće superprovodnih keramika<sup>(1,2)</sup> ponukala nas je da odgonetku o mogućem mehanizmu superprovodenja potražimo u eliminaciji akustičkih fononskih grana, ali ne pogodnim delovanjem spoljašnjeg pritisaka na granica slojne strukture kao u<sup>(3)</sup>, već u specifičnoj deformaciji rasporeda masa duž jednog pravca. U nedopingovanim oksidnim keramikama međuatomska rastojanja su u jednom pravcu 3 do 4 puta veća nego međuatomska rastojanja u ravnima koje su približno normalne na ovaj pravac. Superprovodni efekat se postiže spaterovanjem stranih atoma u ove oksidne matrice. Potpuno je očigledno da je ubaćenim atomima energetski najpogodnije da se lociraju baš duž pravca na kome su međuatomska rastojanja u matrici najveća, tako, da ovde zaista dolazi do deformacije rasporeda masa duž jednog pravca<sup>(4)</sup>. S druge strane, visokim pritiskom na dve paralelne granične površine uzorka vrši se deformacija međuatomskih rastojanja (duž pravca po kome deluje pritisak) koja menja i konstante elastičnosti međuatomskih sila i zbog koje one postaju zavisne od položaja atoma duž tog pravca. S obzirom na činjenicu da elastične osobine kristala definišu fononske spekture<sup>(5)</sup> može se pronaći takva promena Hukovih konstanti koja onemogućuje nastanak akustičnih fonona u sistemu.

Sasvim se i logično može zaključiti da se, ukoliko u strukturi postoje samo optički fononi, za njihovo pobuđenje moraju upotrebiti toplotni kvanti veće energije od njihovog energetskog praga. To znači da sistem u

kome nema akustičkih fononskih grana ostaje "zamrznut" sve dok temperatura sredine ne dostigne granicu potrebnu za pobuđivanje optičkih fonona<sup>(5)</sup>. Takođe je jasno da se, sve do ovih temperatura, elektroni u sistemu kreću bez trenja, tj. superprovodno.

### NARUŠENJE SIMETRIJE RASPOREDA MASA U SPATEROVANIM STRUKTURAMA

Posmatrali smo prostu "kubnu" strukturu čija elementarna celija ima dve jednakе stranice (u XOY ravni) i jednu (duž z-ose) znatno veću. Na ovaj način smo opisali keramičku nespaterovanu matricu. Kao što je u uvodnom delu objašnjeno, u procesu spaterovanja ubaćeni atomi se razmeštaju duž z-pravca, usled čega masa originalne matrice treba da bude zamenjena odgovarajućim korigovanim masama. U okviru predloženog modela prepostavili smo da se spaterovanje vrši simetrično sa obe strane ploče-uzorka te da se ubaćeni atomi nagomilavaju oko graničnih površina dok im broj opada idući ka sredini pločice. Matematički gledano, postavili smo paraboličku promenu masa, usled čega se menjaju konstante rešetke i konstante elastičnosti, sve duž z-pravca. To znači da se simetrija ovih veličina održava duž svih paralelnih (XOY) ravnih, jedino se narušava duž pravca koji je normalan na te ravnih. Ujedno, uzorak pločica ima dve granične površine, dakle konačnu debjinu duž pomenutog pravca.

U ovakvim uslovima formirani su fononski spektri. Detalji ovoga dati su u<sup>(3 i 4)</sup> i ovde ćemo dati samo najvažnije faze. Pomoću standardnog hamiltonijana<sup>(6)</sup> potražili smo jednačine kretanja za fononske pomeraje. U dobijenoj diferencnoj jednačini prešli smo, solitonском procedurom<sup>(7)</sup>, na kontinum i rešenje potražili, zbog opisane simetrije, u obliku proizvoda ravnih talasa (duž x i y pravca) i nepoznate funkcije (duž z-pravca). Na ovaj način jednačina koju zadovoljavaju tražene funkcije sudi se na Ermit-Veberovu jednačinu, a nepoznate funkcije na asocijirane Ermitove polinome.

Iz uslova konačnosti pomeraja pri proizvoljnoj deblijini pločice (zahtev hemijske stabilnosti strukture) nalazimo izraz za oscilatorne frekvencije sistema. Analizom ovog izraza zaključujemo da ni jedna od dobijenih frekvencija ne teži nuli kad talasni vektor teži nuli, a to znači da masena deformacija pretpostavljenog paraboličnog tipa ne dopušta pojavu akustičkih fononskih grana.

S obzirom na prisustvo granica sistema dobijene j-ne moraju zadovoljavati dva identična (zbog paraboličke simetrije u odnosu na sredinu debline pločice) granična uslova. Ova dopuna dozvoljava da se odredi prag energetske optičke fonone, kao najniže energetske stanje (najniža frekvencija) fononskog sistema.

Rezultate numeričkog računa poredili smo sa rezultatima eksperimentalnih radova (napr.<sup>(8)</sup>) gde su najviše kritične temperature dobijene za stehiometrijski odnos 0,125. Kako su i naša rešenja pokazala da se najveći energetski prag optičkih fonona dobija upravo pri ovom istom stehiometrijskom odnosu, to se ovo na neki način može smatrati kao potvrda našeg modela.

Tokom rada pojavile su se sumnje da eliminacija akustičkih fonona može da bude posledica kontinualne aproksimacije koja je ovde korišćena. Zbog toga smo testirali izloženi prilaz na troslojnoj strukturi. Naime, u ovom slučaju moguće je postavljenu diferenčnu jednačinu za fononske pomeraje (pre prelaska na kontinum) rešiti bez aproksimacije. Našli smo da je minimalna frekvencija fonona troslojnog uzorka uvek različita od nule i da se njena numerička vrednost poklapa do na procenat (razlike su manje od 1%) sa vrednošću energetskog praga iz kontinualne teorije. Ovim smo verifikovali izloženi teorijski prilaz.

## DEFORMACIJA STRUKTURE KERAMIČKIH MATRICA SPOLJAŠNIM PRITISKOM

Umesto u uslovima narušenja simetrije rasporeda masa, fononski podvrgava dejstvu spoljašnjeg pritiska. Ovim pritiskom menjaju se elastične osobine sistema (u odnosu na "neprisutnost" sistema), dakle menja se odnos masa i Hukovih konstanti elastičnosti međuatomskih interakcionalnih sila. Ovaj odnos postaje zavisan od položaja, odnosno udaljenja posmatranog atoma od graničnih površina po kojima deluje pritisak.

Pretpostavili smo da pritisak deluje na dve paralelne (XOY) ravni koje se poklapaju sa dvema graničnim površinama proste kubne strukture. Usled ovog pritiska dolazi do narušenja simetrije strukture duž samo jednog pravca koji je normalan na pritisнуте površine. Procedura dobijanja fononskih spektara u ovim uslovima ista je kao i ona koja je opisana u predhodnom odeljku. Razlika u modelima je ta što se ovde, umesto masa, postavlja specifičan način promene Hukovih konstanti duž z-ose, uz postojanje graničnih uslova. S obzirom na simetriju dejstva pritiska odlučili smo se za paraboličko modelovanje pomenutih promena. Kontinualna aproksimacija uz obračun dejstva samo najbližih suseda (detaljno u<sup>(3)</sup> i<sup>(4)</sup>) daje da se rešenja za atomske pomeraje mogu dobiti kao proizvod nepoznate funkcije (duž z-pravca) i harmonijske funkcije položaja (u XOY ravni) i da nepoznata funkcija zadovoljava, pod određenim uslovima, poznatu Ermit-Veberovu j-nu, tj. da se može napisati u obliku asocijiranih Ermitovih polinoma. Iz zahteva da budu zadovoljeni i granični uslovi izračunava se spektar dozvoljenih fononskih energija. Analizom ovog izraza konstativali smo da, za razliku od idealnih struktura gde je zakon disperzije linearan s talasnim vektorom, fononi u ispitivanoj strukturi imaju gap u zakonu disperzije. Ovaj energetski gap, za osnovno stanje, zavisi od načina i veličine promene Hukovih konstanti elastičnosti, ali i od debline uzorka (duž z-pravca).

Dakle, u sistemu, čije se elastične osobine narušavaju simetrično duž pravca kojim se na njega deluje pritiskom, pojavljuje se samo jedna fononska grana i to optičkog tipa. Regulisanjem pritiska može se povećati promena Hukovih konstanti, a time i veličina energetskog praga optičkih fonona. Srednji broj fonona se tom prilikom smanjuje te može doći do Boze-kondenzacije elementarnih pobudjenja. Isto tako, uočili smo da veličina ovog procepa raste kada se deblica uzorka duž dejstva pritiska smanjuje. Ovim se može, na izvestan način, objasniti i superprovodljivost i efekat "zrna" kod oksidnih keramika.

## ZAKLJUČAK

Objašnjenje mehanizma superprovodenja kod oksidnih keramika do današnjih dana nije dato. Iako su u ovim sistemima fononi prisutni samo klasična elektron-fonon interakcija (kao u BCS teoriji) ne može da objasni ovako visoke kritične temperature. Stvar dobija drugačiju sliku ako se akustički fononi "zamene" optičkim koji imaju odgovarajući energetski gap. To znači da je za njihovo pobuđivanje potrebno utrošiti odgovarajuću energiju, ili, ako se pobuđuju topotom kvantima to znači da sve do neke temperature (koja odgovara ovom gapu) sistem ostaje "zamrznut". Naravno, pod uslovom da se akustičke fononske grane u sistemu potpuno priguše.

U okviru istraživanja nelinearnih efekata i kooperativnog ponašanja kvazičestica u kondenzovanim sredinama, koja se sprovode u Laboratoriji za teorijsku fiziku na Institutu za fiziku Prirodno-matematičkog fakulteta Uni-

verziteta u Novom Sadu, analizirali smo šta se dešava u visoko-temperaturskim keramikama i da li se sa njima mogu ostvariti uslovi neophodni za eliminaciju akustičkih fonoma.

Oslanjujući se na dosadašnja naučna (uglavnom eksperimentalna) saznanja postavili smo dva modela koji svaki na svoj način, odražavaju fizičku situaciju spravljanja superprovodnih keramika.

U okviru prvog modela obradili smo činjenicu da se superprovodne keramike presuju u tablete. Dejstvo pritiska na (uglavnom) dve paralele granične površine uzorka ima za posledicu, u prvoj aproksimaciji, promenu elastičnih osobina, dakle Hukovih konstanti, duž pravca koji je normalan na pritisнуте površine. Ove promene mogu biti takve da u sistemu eliminišu sve akustičke fononske grane. Jedine oscilatorne ekscitacije sistema su optičkog tipa, a njihov energetski gep dobro opisuje i pojavu superprovodljivosti i efekat zrna koji je u novim superprovodnicama uočen.

Keramičke matrice su strukture čija su medjuatomska rastojanja duž jednog pravca nekoliko puta veća nego u druga dva pravca.

Stoga je spaterovanim atomima energetski najpogodnije da se "usade" baš duž tog izdvojenog pravca. Tada se simetrija rasporeda masa narušava. Ove činjenice smo ukomponovali u okviru drugog predloženog modela. I u ovom slučaju se u sistemu, za razliku od idealnih struktura, javljaju samo optičke fononske grane. Energetski gep osnovnog stanja fononskog sistema može da objasni pojavu superprovodenja i dobro reprodukuje eksperimentalne rezultate vezane za stehiometrijski odnos hemijske strukture kod oksidnih keramika.

Ukoliko se u sistemu javljaju samo oscilatorna pobudjenja optičkog tipa, za njihovo pobudjenje je potrebno uložiti (toplnotnu) energiju veću od njihovog energetskog

procepa. To znači da taj sistem ostaje "zamrznut" ili "miran" sve dok njegova temperatura ne dostigne granicu potrebnu za pobudjivanje optičkih fonona. Jasno je da se elektroni sve do ovih temperatura u takvoj strukturi kreću bez trenja, tj. superprovodno.

## LITERATURA

- 1) J. C. Bednorz and K. A. Müller; Z. Phys. B 64, 189 (1986).
- 2) C. W. Chu, et. al.; Phys. Rev. Lett. 58, 405, 1891 (1987).
- 3) B. S. Tošić, et. al. Phys. Rev. B 36, 9094 (1987); Int. J. Mod. Phys. B 1, 1001 (1987); 1, 919 (1988).
- 4) D. Lj. Mirjanić i ostali: Analiza mogućnosti konstrukcije superprovodnih čipova; referat na XXIV JSESMD (Pregled i apstrakt), Nova Gorica - september 1988.
- 5) D. Lj. Mirjanić: Strukture sa narušenom simetrijom; referat na XI JSFKM (Zbornik apstrakta, str. 38), Milanovac - oktobar 1988.
- 6) B. S. Tošić: Statistička fizika, IF PMF, Novi Sad 1978.
- 7) A. S. Davydov; phys. stat. sol. (b) 102, 275 (1980); 115, 15 (1983).
- 8) C. U. Segre, et. al; Nature 329, 227 (1987).

Dr. Jovan P. Šetrajić, docent  
Institut za fiziku PMF  
Univerzitet u Novom Sadu  
Dr. I. Đuričića 4  
YU-21000 Novi Sad

Dr. Dragoljub Lj. Mirjanić, v. prof.  
Tehnološki fakultet  
Univerzitet u Banja Luci  
D. Mitrova 63 b  
YU-78000 Banja Luka

Prispelo: 26. 5. 1990      Sprejeto: 13. 8. 1990